

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Рабочая программа учебного предмета «Алгебра» составлена на основе:

- ст.28 Федерального Закона от 29 декабря 2012г. №273-ФЗ «Об образовании в Российской Федерации»;
- Федерального государственного образовательного стандарта основного общего образования (приказ Минобрнауки РФ от «17» декабря 2010 года № 1897) с изменениями (приказ Минобрнауки РФ от «29» декабря 2014 года № 1644);
- Примерной основной образовательной программы основного общего образования (решение федерального учебно-методического объединения по общему образованию от «8» апреля 2015 года № 1/15);
- линии учебно-методических комплексов (УМК) по алгебре Ю. Н. Макарычева и др. 7–9 классов;
- Устава школы;
- на основе Положения о рабочей программе в МКОУ «Ильинская ООШ».

Изучение математики в основной школе должно обеспечить:

- осознание значения математики в повседневной жизни человека;
- формирование представлений о социальных, культурных и исторических факторах становления математической науки;
- формирование представлений о математике как части общечеловеческой культуры, универсальном языке науки, позволяющем описывать и изучать реальные процессы и явления.

В результате изучения математики обучающиеся развивают логическое и математическое мышление, получают представление о математических моделях; овладевают математическими рассуждениями; учатся применять математические знания при решении различных задач и оценивать полученные результаты; овладевают умениями решения учебных задач; развивают математическую интуицию.

ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА

Алгебра — один из важнейших компонентов математического образования, необходимый для приобретения конкретных знаний и практически значимых умений, необходимых для изучения геометрии в 7-9 классах, алгебры и начал математического анализа в 10-11 классах, а также изучения смежных дисциплин.

Практическая значимость алгебры состоит в том, что предметом его изучения являются количественные отношения и процессы реального мира, описанные математическими моделями.

В курсе алгебры 7-9 классов представлены следующие содержательные линии: «Числа», «Уравнения и неравенства», «Функции», «Решение текстовых задач», «Статистика и теория вероятностей».

В рамках указанных содержательных линий решаются следующие задачи:

- развитие мышления, прежде всего формирование абстрактного мышления;

- формирование логического и алгоритмического мышления, а также таких качеств мышления, как сила и гибкость, конструктивность и критичность;
- формирование математического стиля мышления, включающего в себя индукцию и дедукцию, обобщение и конкретизацию, анализ и синтез, классификацию и систематизацию, абстрагирование и аналогию.

ОПИСАНИЕ МЕСТА УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ

Учебный предмет «Алгебра» входит в предметную область «Математика и информатика», является обязательным для изучения в 7-9 классах. В учебном плане на его изучение отводится:

Класс	Учебный предмет	Количество недельных часов	Количество учебных недель	Итого за учебный год
7 класс	Алгебра	3	34	102
8 класс	Алгебра	3	34	102
9 класс	Алгебра	3	34	102

Всего за 3 года реализации программы – 306 часов.

**ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ
освоения учебного предмета**

	<p align="center">Выпускник научится в 7-9 классах (для использования в повседневной жизни и обеспечения возможности успешного продолжения образования на базовом уровне)</p>	<p align="center">Выпускник получит возможность научиться в 7-9 классах для обеспечения возможности успешного продолжения образования на базовом и углублённом уровнях</p>
<p>Элементы теории множеств и математической логики</p>	<p>-Оперировать на базовом уровне¹ понятиями: множество, элемент множества, подмножество, принадлежность; -задавать множества перечислением их элементов; -находить пересечение, объединение, подмножество в простейших ситуациях; -оперировать на базовом уровне понятиями: определение, аксиома, теорема, доказательство; приводить примеры и контрпримеры для подтверждения своих высказываний</p>	<p>- Оперировать² понятиями: определение, теорема, аксиома, множество, характеристики множества, элемент множества, пустое, конечное и бесконечное множество, подмножество, принадлежность, включение, равенство множеств; - изображать множества и отношение множеств с помощью кругов Эйлера; - определять принадлежность элемента множеству, объединению и пересечению множеств; - задавать множество с помощью перечисления элементов, словесного описания; - оперировать понятиями: высказывание, истинность и ложность высказывания, отрицание высказываний, операции над высказываниями: и, или, не, условные высказывания (импликация);</p>

¹Здесь и далее – распознавать конкретные примеры общих понятий по характерным признакам, выполнять действия в соответствии с определением и простейшими свойствами понятий, конкретизировать примерами общие понятия.

²Здесь и далее – знать определение понятия, уметь пояснять его смысл, уметь использовать понятие и его свойства при проведении рассуждений, доказательств, решении задач.

		- <i>строить высказывания, отрицания высказываний.</i>
	В повседневной жизни и при изучении других предметов:	
	- использовать графическое представление множеств для описания реальных процессов и явлений, при решении задач других учебных предметов.	- <i>строить цепочки умозаключений на основе использования правил логики; использовать множества, операции с множествами, их графическое представление для описания реальных процессов и явлений</i>
Числа	<p>- Оперировать на базовом уровне понятиями: натуральное число, целое число, обыкновенная дробь, десятичная дробь, смешанная дробь, рациональное число, арифметический квадратный корень;</p> <p>-использовать свойства чисел и правила действий при выполнении вычислений;</p> <p>-использовать признаки делимости на 2, 5, 3, 9, 10 при выполнении вычислений и решении несложных задач;</p> <p>- выполнять округление рациональных чисел в соответствии с правилами;</p> <p>-оценивать значение квадратного корня из положительного целого числа;</p> <p>- распознавать рациональные и иррациональные числа;</p> <p>- сравнивать числа.</p>	<p>- <i>Оперировать понятиями: множество натуральных чисел, множество целых чисел, множество рациональных чисел, иррациональное число, квадратный корень, множество действительных чисел, геометрическая интерпретация натуральных, целых, рациональных, действительных чисел;</i></p> <p>- <i>понимать и объяснять смысл позиционной записи натурального числа;</i></p> <p>- <i>выполнять вычисления, в том числе с использованием приёмов рациональных вычислений;</i></p> <p>- <i>выполнять округление рациональных чисел с заданной точностью;</i></p> <p>- <i>сравнивать рациональные и иррациональные числа;</i></p> <p>- <i>представлять рациональное число в виде десятичной дроби</i></p> <p>- <i>упорядочивать числа, записанные в виде обыкновенной и десятичной дроби;</i></p> <p>- <i>находить НОД и НОК чисел</i></p>

		и использовать их при решении задач.
	В повседневной жизни и при изучении других предметов:	
	<ul style="list-style-type: none"> - оценивать результаты вычислений при решении практических задач; - выполнять сравнение чисел в реальных ситуациях; - составлять числовые выражения при решении практических задач и задач из других учебных предметов. 	<ul style="list-style-type: none"> - применять правила приближенных вычислений при решении практических задач и решении задач других учебных предметов; - выполнять сравнение результатов вычислений при решении практических задач, в том числе приближенных вычислений; - составлять и оценивать числовые выражения при решении практических задач и задач из других учебных предметов; - записывать и округлять числовые значения реальных величин с использованием разных систем измерения.
Тождественные преобразования	<ul style="list-style-type: none"> - Выполнять несложные преобразования для вычисления значений числовых выражений, содержащих степени с натуральным показателем, степени с целым отрицательным показателем; - выполнять несложные преобразования целых выражений: раскрывать скобки, приводить подобные слагаемые; - использовать формулы сокращенного умножения (квадрат суммы, квадрат разности, разность квадратов) для упрощения вычислений значений выражений; - выполнять несложные преобразования дробно- 	<ul style="list-style-type: none"> - Оперировать понятиями степени с натуральным показателем, степени с целым отрицательным показателем; - выполнять преобразования целых выражений: действия с одночленами (сложение, вычитание, умножение), действия с многочленами (сложение, вычитание, умножение); - выполнять разложение многочленов на множители одним из способов: вынесение за скобку, группировка, использование формул сокращенного умножения; - выделять квадрат суммы и разности одночленов; - раскладывать на множители квадратный

	<p>линейных выражений и выражений с квадратными корнями.</p>	<p><i>трёхчлен;</i> - выполнять преобразования выражений, содержащих степени с целыми отрицательными показателями, переходить от записи в виде степени с целым отрицательным показателем к записи в виде дроби; - выполнять преобразования дробно-рациональных выражений: сокращение дробей, приведение алгебраических дробей к общему знаменателю, сложение, умножение, деление алгебраических дробей, возведение алгебраической дроби в натуральную и целую отрицательную степень; - выполнять преобразования выражений, содержащих квадратные корни; - выделять квадрат суммы или разности двучлена в выражениях, содержащих квадратные корни; - выполнять преобразования выражений, содержащих модуль.</p>
В повседневной жизни и при изучении других предметов:		
	<p>- понимать смысл записи числа в стандартном виде; - оперировать на базовом уровне понятием «стандартная запись числа».</p>	<p>- выполнять преобразования и действия с числами, записанными в стандартном виде; - выполнять преобразования алгебраических выражений при решении задач других учебных предметов.</p>
Уравнения и неравенства	<p>- Оперировать на базовом уровне понятиями: равенство, числовое</p>	<p>- Оперировать понятиями: уравнение, неравенство, корень уравнения, решение</p>

	<p>равенство, уравнение, корень уравнения, решение уравнения, числовое неравенство, неравенство, решение неравенства;</p> <ul style="list-style-type: none"> - проверять справедливость числовых равенств и неравенств; - решать линейные неравенства и несложные неравенства, сводящиеся к линейным; - решать системы несложных линейных уравнений, неравенств; - проверять, является ли данное число решением уравнения (неравенства); - решать квадратные уравнения по формуле корней квадратного уравнения; - изображать решения неравенств и их систем на числовой прямой. 	<p>неравенства, равносильные уравнения, область определения уравнения (неравенства, системы уравнений или неравенств);</p> <ul style="list-style-type: none"> - решать линейные уравнения и уравнения, сводимые к линейным с помощью тождественных преобразований; - решать квадратные уравнения и уравнения, сводимые к квадратным с помощью тождественных преобразований; - решать дробно-линейные уравнения; - решать простейшие иррациональные уравнения вида $\sqrt{f(x)} = a$, $\sqrt{f(x)} = \sqrt{g(x)}$; - решать уравнения вида $x^n = a$; - решать уравнения способом разложения на множители и замены переменной; - использовать метод интервалов для решения целых и дробно-рациональных неравенств; - решать линейные уравнения и неравенства с параметрами; - решать несложные квадратные уравнения с параметром; - решать несложные системы линейных уравнений с параметрами; - решать несложные уравнения в целых числах.
В повседневной жизни и при изучении других предметов:		
	<ul style="list-style-type: none"> - составлять и решать 	<ul style="list-style-type: none"> - составлять и решать

	<p>линейные уравнения при решении задач, возникающих в других учебных предметах.</p>	<p>линейные и квадратные уравнения, уравнения, к ним сводящиеся, системы линейных уравнений, неравенств при решении задач других учебных предметов;</p> <ul style="list-style-type: none"> - выполнять оценку правдоподобия результатов, получаемых при решении линейных и квадратных уравнений и систем линейных уравнений и неравенств при решении задач других учебных предметов; - выбирать соответствующие уравнения, неравенства или их системы для составления математической модели заданной реальной ситуации или прикладной задачи; - уметь интерпретировать полученный при решении уравнения, неравенства или системы результат в контексте заданной реальной ситуации или прикладной задачи.
<p>Функции</p>	<ul style="list-style-type: none"> - Находить значение функции по заданному значению аргумента; - находить значение аргумента по заданному значению функции в несложных ситуациях; - определять положение точки по её координатам, координаты точки по её положению на координатной плоскости; - по графику находить область определения, множество значений, нули 	<ul style="list-style-type: none"> - Оперировать понятиями: функциональная зависимость, функция, график функции, способы задания функции, аргумент и значение функции, область определения и множество значений функции, нули функции, промежутки знакопостоянства, монотонность функции, чётность/нечётность функции; - строить графики линейной, квадратичной функций,

<p>функции, промежутки знакопостоянства, промежутки возрастания и убывания, наибольшее и наименьшее значения функции;</p> <p>- строить график линейной функции;</p> <p>- проверять, является ли данный график графиком заданной функции (линейной, квадратичной, обратной пропорциональности);</p> <p>- определять приближённые значения координат точки пересечения графиков функций;</p> <p>- оперировать на базовом уровне понятиями: последовательность, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия;</p> <p>- решать задачи на прогрессии, в которых ответ может быть получен непосредственным подсчётом без применения формул.</p>	<p>обратной пропорциональности, функции вида: $y = a + \frac{k}{x+b}$, $y = \sqrt{x}$, $y = \sqrt[3]{x}$, $y = x$;</p> <p>- на примере квадратичной функции, использовать преобразования графика функции $y=f(x)$ для построения графиков функций $y = af^2 + bx + c$;</p> <p>- составлять уравнения прямой по заданным условиям: проходящей через две точки с заданными координатами, проходящей через данную точку и параллельной данной прямой;</p> <p>- исследовать функцию по её графику;</p> <p>- находить множество значений, нули, промежутки знакопостоянства, монотонности квадратичной функции;</p> <p>- оперировать понятиями: последовательность, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия;</p> <p>- решать задачи на арифметическую и геометрическую прогрессию.</p>
В повседневной жизни и при изучении других предметов:	
<p>- использовать графики реальных процессов и зависимостей для определения их свойств (наибольшие и наименьшие значения, промежутки возрастания и убывания, области положительных и отрицательных значений и т.п.);</p> <p>- использовать свойства</p>	<p>- иллюстрировать с помощью графика реальную зависимость или процесс по их характеристикам;</p> <p>- использовать свойства и график квадратичной функции при решении задач из других учебных предметов.</p>

	линейной функции и ее график при решении задач из других учебных предметов.	
Статистика и теория вероятностей	<ul style="list-style-type: none"> - Иметь представление о статистических характеристиках, вероятности случайного события, комбинаторных задачах; - решать простейшие комбинаторные задачи методом прямого и организованного перебора; - представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков; - читать информацию, представленную в виде таблицы, диаграммы, графика; - определять основные статистические характеристики числовых наборов; - оценивать вероятность события в простейших случаях; - иметь представление о роли закона больших чисел в массовых явлениях. 	<ul style="list-style-type: none"> - <i>Оперировать понятиями: столбчатые и круговые диаграммы, таблицы данных, среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения выборки, размах выборки, дисперсия и стандартное отклонение, случайная изменчивость;</i> - <i>извлекать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках;</i> - <i>составлять таблицы, строить диаграммы и графики на основе данных;</i> - <i>оперировать понятиями: факториал числа, перестановки и сочетания, треугольник Паскаля;</i> - <i>применять правило произведения при решении комбинаторных задач;</i> - <i>оперировать понятиями: случайный опыт, случайный выбор, испытание, элементарное случайное событие (исход), классическое определение вероятности случайного события, операции над случайными событиями;</i> - <i>представлять информацию с помощью кругов Эйлера;</i> - <i>решать задачи на вычисление вероятности с подсчетом количества вариантов с помощью комбинаторики.</i>
	В повседневной жизни и при изучении других предметов:	
	- оценивать количество	- извлекать,

	<p>возможных вариантов методом перебора;</p> <ul style="list-style-type: none"> - иметь представление о роли практически достоверных и маловероятных событий; - сравнивать основные статистические характеристики, полученные в процессе решения прикладной задачи, изучения реального явления; - оценивать вероятность реальных событий и явлений в несложных ситуациях. 	<p><i>интерпретировать и преобразовывать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства и характеристики реальных процессов и явлений;</i></p> <ul style="list-style-type: none"> - <i>определять статистические характеристики выборок по таблицам, диаграммам, графикам, выполнять сравнение в зависимости от цели решения задачи;</i> - <i>оценивать вероятность реальных событий и явлений.</i>
<p>Текстовые задачи</p>	<ul style="list-style-type: none"> - Решать несложные сюжетные задачи разных типов на все арифметические действия; - строить модель условия задачи (в виде таблицы, схемы, рисунка или уравнения), в которой даны значения двух из трёх взаимосвязанных величин, с целью поиска решения задачи; - осуществлять способ поиска решения задачи, в котором рассуждение строится от условия к требованию или от требования к условию; - составлять план решения задачи; - выделять этапы решения задачи; - интерпретировать вычислительные результаты в задаче, исследовать полученное решение задачи; - знать различие скоростей 	<ul style="list-style-type: none"> - <i>Решать простые и сложные задачи разных типов, а также задачи повышенной трудности;</i> - <i>использовать разные краткие записи как модели текстов сложных задач для построения поисковой схемы и решения задач;</i> - <i>различать модель текста и модель решения задачи, конструировать к одной модели решения несложной задачи разные модели текста задачи;</i> - <i>знать и применять оба способа поиска решения задач (от требования к условию и от условия к требованию);</i> - <i>моделировать рассуждения при поиске решения задач с помощью граф-схемы;</i> - <i>выделять этапы решения задачи и содержание каждого этапа;</i> - <i>уметь выбирать</i>

	<p>объекта в стоячей воде, против течения и по течению реки;</p> <ul style="list-style-type: none"> - решать задачи на нахождение части числа и числа по его части; - решать задачи разных типов (на работу, на покупки, на движение), связывающих три величины, выделять эти величины и отношения между ними; - находить процент от числа, число по проценту от него, находить процентное снижение или процентное повышение величины; - решать несложные логические задачи методом рассуждений. 	<p><i>оптимальный метод решения задачи и осознавать выбор метода, рассматривать различные методы, находить разные решения задачи, если возможно;</i></p> <ul style="list-style-type: none"> - <i>анализировать затруднения при решении задач;</i> - <i>выполнять различные преобразования предложенной задачи, конструировать новые задачи из данной, в том числе обратные;</i> - <i>интерпретировать вычислительные результаты в задаче, исследовать полученное решение задачи;</i> - <i>анализировать всевозможные ситуации взаимного расположения двух объектов и изменение их характеристик при совместном движении (скорость, время, расстояние) при решении задач на движение двух объектов как в одном, так и в противоположных направлениях;</i> - <i>исследовать всевозможные ситуации при решении задач на движение по реке, рассматривать разные системы отсчёта;</i> - <i>решать разнообразные задачи «на части»,</i> - <i>решать и обосновывать свое решение задач (выделять математическую основу) на нахождение части числа и числа по его части на основе конкретного смысла дроби;</i>
--	--	--

- осознать и объяснять идентичность задач разных типов, связывающих три величины (на работу, на покупки, на движение). выделять эти величины и отношения между ними, применять их при решении задач, конструировать собственные задач указанных типов;
- владеть основными методами решения задач на смеси, сплавы, концентрации;
- решать задачи на проценты, в том числе, сложные проценты с обоснованием, используя разные способы;
- решать логические задачи разными способами, в том числе, с двумя блоками и с тремя блоками данных с помощью таблиц;
- решать задачи по комбинаторике и теории вероятностей на основе использования изученных методов и обосновывать решение;
- решать несложные задачи по математической статистике;
- овладеть основными методами решения сюжетных задач: арифметический, алгебраический, перебор вариантов, геометрический, графический, применять их в новых по сравнению с изученными ситуациях.

В повседневной жизни и при изучении других предметов:

	<ul style="list-style-type: none"> - выдвигать гипотезы о возможных предельных значениях искомых в задаче величин (делать прикидку). 	<ul style="list-style-type: none"> - выделять при решении задач характеристики рассматриваемой в задаче ситуации, отличные от реальных (те, от которых абстрагировались), конструировать новые ситуации с учётом этих характеристик, в частности, при решении задач на концентрации, учитывать плотность вещества; - решать и конструировать задачи на основе рассмотрения реальных ситуаций, в которых не требуется точный вычислительный результат; - решать задачи на движение по реке, рассматривая разные системы отсчета.
История математики	<ul style="list-style-type: none"> - Описывать отдельные выдающиеся результаты, полученные в ходе развития математики как науки; - знать примеры математических открытий и их авторов, в связи с отечественной и всемирной историей; - понимать роль математики в развитии России. 	<ul style="list-style-type: none"> - Характеризовать вклад выдающихся математиков в развитие математики и иных научных областей; - понимать роль математики в развитии России.
Методы математики	<ul style="list-style-type: none"> - Выбирать подходящий изученный метод для решения изученных типов математических задач; - приводить примеры математических закономерностей в окружающей действительности и произведениях искусства. 	<ul style="list-style-type: none"> - Используя изученные методы, проводить доказательство, выполнять опровержение; - выбирать изученные методы и их комбинации для решения математических задач; - использовать математические знания для описания закономерностей в

		<p><i>окружающей действительности и произведениях искусства;</i> - <i>применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении математических задач.</i></p>
--	--	--

СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА

Элементы теории множеств и математической логики

Согласно ФГОС основного общего образования в курс математики введен раздел «Логика», который не предполагает дополнительных часов на изучении и встраивается в различные темы курсов математики и предваряется ознакомлением с элементами теории множеств.

Множества и отношения между ними

Множество, *характеристическое свойство множества*, элемент множества, *пустое, конечное, бесконечное множество*. Подмножество. Отношение принадлежности, включения, равенства. Элементы множества, способы задания множеств, *распознавание подмножеств и элементов подмножеств с использованием кругов Эйлера*.

Операции над множествами

Пересечение и объединение множеств. *Разность множеств, дополнение множества. Интерпретация операций над множествами с помощью кругов Эйлера*.

Элементы логики

Определение. Утверждения. Аксиомы и теоремы. Доказательство. Доказательство от противного. Теорема, обратная данной. Пример и контрпример.

Высказывания

Истинность и ложность высказывания. *Сложные и простые высказывания. Операции над высказываниями с использованием логических связок: и, или, не. Условные высказывания (импликация)*.

Числа

Рациональные числа

Множество рациональных чисел. Сравнение рациональных чисел. Действия с рациональными числами. *Представление рационального числа десятичной дробью*.

Иррациональные числа

Понятие иррационального числа. Распознавание иррациональных чисел. Примеры доказательств в алгебре. Иррациональность числа $\sqrt{2}$. Применение в геометрии. *Сравнение иррациональных чисел. Множество действительных чисел*.

Тождественные преобразования

Числовые и буквенные выражения

Выражение с переменной. Значение выражения. Подстановка выражений вместо переменных.

Целые выражения

Степень с натуральным показателем и её свойства. Преобразования выражений, содержащих степени с натуральным показателем.

Одночлен, многочлен. Действия с одночленами и многочленами (сложение, вычитание, умножение). Формулы сокращённого умножения: разность квадратов, квадрат суммы и разности. Разложение многочлена на множители: вынесение общего множителя за скобки, *группировка, применение формул сокращённого умножения. Квадратный трёхчлен, разложение квадратного трёхчлена на множители.*

Дробно-рациональные выражения

Степень с целым показателем. Преобразование дробно-линейных выражений: сложение, умножение, деление. *Алгебраическая дробь. Допустимые значения переменных в дробно-рациональных выражениях. Сокращение алгебраических дробей. Приведение алгебраических дробей к общему знаменателю. Действия с алгебраическими дробями: сложение, вычитание, умножение, деление, возведение в степень.*

Преобразование выражений, содержащих знак модуля.

Квадратные корни

Арифметический квадратный корень. Преобразование выражений, содержащих квадратные корни: умножение, деление, вынесение множителя за знак корня, *внесение множителя под знак корня.*

Уравнения и неравенства

Равенства

Числовое равенство. Свойства числовых равенств. Равенство с переменной.

Уравнения

Понятие уравнения и корня уравнения. *Представление о равносильности уравнений. Область определения уравнения (область допустимых значений переменной).*

Линейное уравнение и его корни

Решение линейных уравнений. *Линейное уравнение с параметром. Количество корней линейного уравнения. Решение линейных уравнений с параметром.*

Квадратное уравнение и его корни

Квадратные уравнения. Неполные квадратные уравнения. Дискриминант квадратного уравнения. Формула корней квадратного уравнения. *Теорема Виета. Теорема, обратная теореме Виета.* Решение квадратных уравнений: использование формулы для нахождения корней, *графический метод решения, разложение на множители, подбор корней с использованием теоремы Виета. Количество корней квадратного уравнения в зависимости от его*

дискриминанта. Биквадратные уравнения. Уравнения, сводимые к линейным и квадратным. Квадратные уравнения с параметром.

Дробно-рациональные уравнения

Решение простейших дробно-линейных уравнений. Решение дробно-рациональных уравнений.

Методы решения уравнений: методы равносильных преобразований, метод замены переменной, графический метод. Использование свойств функций при решении уравнений.

Простейшие иррациональные уравнения вида $\sqrt{f(x)} = a$, $\sqrt{f(x)} = \sqrt{g(x)}$.

Уравнения вида $x^n = a$. Уравнения в целых числах.

Системы уравнений

Уравнение с двумя переменными. Линейное уравнение с двумя переменными. Прямая как графическая интерпретация линейного уравнения с двумя переменными.

Понятие системы уравнений. Решение системы уравнений.

Методы решения систем линейных уравнений с двумя переменными: графический метод, метод сложения, метод подстановки. Уравнение с несколькими переменными. Примеры решения нелинейных систем.

Системы линейных уравнений с параметром.

Неравенства

Числовые неравенства. Свойства числовых неравенств. Проверка справедливости неравенств, при заданных значениях переменных.

Неравенство с переменной. Строгие и нестрогие неравенства. Область определения неравенства (область допустимых значений переменной).

Решение линейных неравенств.

Квадратное неравенство и его решения. Решение квадратных неравенств: использование свойств и графика квадратичной функции, метод интервалов. Запись решения квадратного неравенства.

Решение целых и дробно-рациональных неравенств методом интервалов. Доказательства числовых и алгебраических неравенств.

Системы неравенств

Системы неравенств с одной переменной. Решение систем неравенств с одной переменной: линейных, квадратных. Изображение решения системы неравенств на числовой прямой. Запись решения системы неравенств.

Функции

Понятие функции

Декартовы координаты на плоскости. Формирование представлений о метапредметном понятии «координаты». Способы задания функций: аналитический, графический, табличный. График функции. Примеры функций, получаемых в процессе исследования различных реальных процессов и решения задач. Значение функции в точке. Свойства функций: область определения, множество значений, нули, промежутки знакопостоянства, чётность/нечётность, промежутки возрастания и убывания, наибольшее и наименьшее значения. Исследование функции по её графику.

Представление об асимптотах.

Непрерывность функции. Кусочно заданные функции.

Линейная функция

Свойства и график линейной функции. Угловой коэффициент прямой. Расположение графика линейной функции в зависимости от её углового коэффициента и свободного члена. *Нахождение коэффициентов линейной функции по заданным условиям: прохождение прямой через две точки с заданными координатами, прохождение прямой через данную точку и параллельной данной прямой.*

Квадратичная функция

Свойства и график квадратичной функции (парабола). *Построение графика квадратичной функции по точкам.* Нахождение нулей квадратичной функции, множества значений, промежутков знакопостоянства, промежутков монотонности.

Обратная пропорциональность

Свойства функции $y = \frac{k}{x}$. Гипербола.

Графики функций. Преобразование графика функции $y = f(x)$ для построения графиков функций вида $y = af + kx + b + c$.

Графики функций $y = a + \frac{k}{x+b}$, $y = \sqrt{x}$, $y = \sqrt[3]{x}$, $y = |x|$.

Последовательности и прогрессии

Понятие последовательности. Числовая последовательность. Примеры числовых последовательностей. Бесконечные последовательности. Арифметическая прогрессия и её свойства. Геометрическая прогрессия и её свойства. *Формула общего члена и суммы n первых членов арифметической и геометрической прогрессий. Сходящаяся геометрическая прогрессия.*

Решение текстовых задач

Задачи на все арифметические действия

Решение текстовых задач арифметическим способом. Использование таблиц, схем, чертежей, других средств, представления данных при решении задачи.

Задачи на движение, работу и покупки

Анализ возможных ситуаций взаимного расположения объектов при их движении, соотношения объёмов выполняемых работ при совместной работе.

Задачи на части, доли, проценты

Решение задач на нахождение части числа и числа по его части. Решение задач на проценты и доли. Сложные проценты. Применение пропорций при решении задач.

Логические задачи

Решение логических задач. *Решение логических задач с помощью графов, таблиц.*

Основные методы решения текстовых задач: арифметический, алгебраический, перебор вариантов. *Первичные представления о других методах решения задач (геометрические и графические методы).*

Статистика и теория вероятностей

Статистика

Табличное и графическое представление данных, столбчатые и круговые диаграммы, графики, применение диаграмм и графиков для описания зависимостей реальных величин, извлечение информации из таблиц, диаграмм и графиков. Описательные статистические показатели числовых наборов: среднее арифметическое, *медиана*, наибольшее и наименьшее значения. Меры рассеивания: *размах*, *дисперсия* и *стандартное отклонение*.

Случайная изменчивость. Изменчивость при измерениях. *Решающие правила. Закономерности в изменчивых величинах.*

Случайные события

Случайные опыты (эксперименты), элементарные случайные события (исходы). Вероятности элементарных событий. События в случайных экспериментах и благоприятствующие элементарные события. Вероятности случайных событий. Опыты с равновозможными элементарными событиями. Классические вероятностные опыты с использованием монет, кубиков. *Представление событий с помощью диаграмм Эйлера. Противоположные события, объединение и пересечение событий. Правило сложения вероятностей. Случайный выбор. Представление эксперимента в виде дерева. Независимые события. Умножение вероятностей независимых событий. Последовательные независимые испытания. Представление о независимых событиях в жизни.*

Элементы комбинаторики

Правило умножения, перестановки, факториал числа. Сочетания и число сочетаний. Формула числа сочетаний. Треугольник Паскаля. Опыты с большим числом равновозможных элементарных событий. Вычисление вероятностей в опытах с применением комбинаторных формул. Испытания Бернулли. Успех и неудача. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли.

Случайные величины

Знакомство со случайными величинами на примерах конечных дискретных случайных величин. Распределение вероятностей. Математическое ожидание. Свойства математического ожидания. Понятие о законе больших чисел. Измерение вероятностей. Применение закона больших чисел в социологии, страховании, в здравоохранении, обеспечении безопасности населения в чрезвычайных ситуациях.

История математики

Возникновение математики как науки, этапы её развития. Основные разделы математики. Выдающиеся математики и их вклад в развитие науки.

Бесконечность множества простых чисел. Числа и длины отрезков. Рациональные числа. Потребность в иррациональных числах. Школа Пифагора

Зарождение алгебры в недрах арифметики. Ал-Хорезми. Рождение буквенной символики. П.Ферма, Ф. Виет, Р. Декарт. История вопроса о нахождении формул корней алгебраических уравнений степеней, больших четырёх. Н. Тарталья, Дж. Кардано, Н.Х. Абель, Э.Галуа.

Появление метода координат, позволяющего переводить геометрические объекты на язык алгебры. Появление графиков функций. Р. Декарт, П. Ферма. Примеры различных систем координат.

Задача Леонардо Пизанского (Фибоначчи) о кроликах, числа Фибоначчи. Задача о шахматной доске. Сходимость геометрической прогрессии.

Истоки теории вероятностей: страховое дело, азартные игры. П. Ферма, Б.Паскаль, Я. Бернулли, А.Н.Колмогоров.

Роль российских учёных в развитии математики: Л.Эйлер. Н.И.Лобачевский, П.Л.Чебышев, С. Ковалевская, А.Н.Колмогоров.

Математика в развитии России: Петр I, школа математических и навигацких наук, развитие российского флота, А.Н.Крылов. Космическая программа и М.В.Келдыш.

ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ С ОПРЕДЕЛЕНИЕМ ОСНОВНЫХ ВИДОВ УЧЕБНОЙ ДЕЯТЕЛЬНОСТИ

7 класс

Номер главы/ параграфа	Наименование главы/параграфа	Основное содержание	Количество часов	Характеристика основных видов учебной деятельности
	Повторение		3	
	Входная контрольная работа		1	
Глава 1	Выражения, тождества, уравнения		17	Оперировать на базовом уровне понятиями: равенство, числовое равенство, уравнение, корень уравнения, решение уравнения; составлять числовые выражения при решении практических задач и задач из других учебных предметов; оценивать результаты вычислений при решении практических задач; выполнять несложные преобразования целых выражений: раскрывать скобки, приводить подобные слагаемые; проверять, является ли данное число решением уравнения составлять и решать линейные уравнения при решении задач, возникающих в других учебных предметах; выбирать подходящий изученный метод для решения изученных типов математических
1	Выражения	Множество рациональных чисел.	5	
2	Преобразование выражений	Сравнение рациональных чисел. Действия с рациональными числами. Выражение с переменной. Значение выражения. Подстановка выражений вместо переменных.	4	
3	Уравнение с одной переменной	Выражение с переменной. Значение выражения. Подстановка выражений вместо переменных.	7	
4	Статистические характеристики	Числовое равенство. Свойства числовых равенств. Равенство с переменной. Числовые неравенства. <i>Тождественные преобразования.</i> Понятие уравнения и корня уравнения. <i>Представление о равносильности уравнений.</i> Решение линейных уравнений. Анализ возможных ситуаций взаимного расположения объектов при их движении, соотношения объемов выполняемых работ при	4	
Контрольные работы № 1 по теме «Выражения. Тождества» Контрольные работы № 2 по теме «Уравнения с одной переменной»			2	

		совместной работе. <i>Количество корней линейного уравнения..</i> Решение текстовых задач арифметическим способом Использование таблиц, схем, чертежей, других средств представления данных при решении задач. Решение задач на нахождение части числа и числа по его части. Решение задач на проценты и доли. Применение пропорций при решении задач. Основные методы решения текстовых задач: алгебраический. Описательные статистические показатели числовых наборов: среднее арифметическое, <i>медиана</i> , наибольшее и наименьшее значения. <i>Зарождение алгебры в недрах арифметики. Ал-Хорезми. Рождение буквенной символики. П.Ферма, Ф. Виет, Р. Декарт. Выдающиеся математики и их вклад в развитие науки. С. Ковалевская, А.Н.Колмогоров.</i>		задач; иметь представление о статистических характеристиках, представлять данные в виде таблиц, читать информацию, представленную в виде таблицы, определять основные статистические характеристики числовых наборов; сравнивать основные статистические характеристики, полученные в процессе решения прикладной задачи, изучения реального явления; описывать отдельные выдающиеся результаты, полученные в ходе развития математики как науки; знать примеры математических открытий и их авторов, в связи с отечественной и всемирной историей; понимать роль математики в развитии России; описывать отдельные выдающиеся результаты, полученные в ходе развития математики как науки.
Глава 2	Функции		12	Находить значение функции по заданному значению аргумента; находить значение аргумента по заданному значению функции в
5	Функции и их графики	Понятие функции. Значение функции в точке. Способы	4	
6	Линейная функция	задания функций: аналитический,	7	
Контрольная работа №3 по теме			1	

«Линейная функция»		графический, табличный. График функции. Декартовы координаты на плоскости. Формирование представлений о метапредметном понятии «координаты». Линейная функция. Свойства и график линейной функции. Угловой коэффициент прямой. Расположение графика линейной функции в зависимости от её углового коэффициента и свободного члена. <i>Нахождение коэффициентов линейной функции по заданным условиям: прохождение прямой через две точки с заданными координатами, прохождение прямой через данную точку и параллельной данной прямой.</i>		несложных ситуациях; определять положение точки по её координатам, координаты точки по её положению на координатной плоскости; по графику находить область определения, множество значений, строить график линейной функции; проверять, является ли данный график графиком заданной функции линейной; <i>оперировать понятиями: функциональная зависимость, функция, график функции, способы задания функции, аргумент и значение функции, область определения и множество значений функции, строить графики линейной функций</i>
Глава 3	Степень с натуральным показателем		13	Выполнять несложные преобразования для вычисления значений числовых выражений, содержащих степени с натуральным показателем; выполнять несложные преобразования целых выражений: раскрывать скобки, приводить подобные слагаемые; выполнять несложные преобразования для вычисления значений числовых
7	Степень и ее свойства	Степень с натуральным показателем и её свойства.	6	
8	Одночлен	Преобразования выражений, содержащих степени с натуральным показателем. Одночлен. Действия с одночленами (сложение, вычитание, умножение).	6	
Контрольная работа № 4 за 1 полугодие		Свойства и график квадратичной функции (парабола).	1	

				выражений, содержащих степени с натуральным показателем, находить значение функции по заданному значению аргумента; находить значение аргумента по заданному значению функции в несложных ситуациях является ли данный график графиком заданной функции квадратичной,
Глава 4	Многочлены		17	Выполнять несложные преобразования целых выражений: раскрывать скобки, приводить подобные слагаемые; выполнять преобразования целых выражений: действия с одночленами (сложение, вычитание, умножение), действия с многочленами (сложение, вычитание, умножение); выполнять разложение многочленов на множители одним из способов: вынесение за скобку, группировка, выделять квадрат суммы и разности одночленов.
9	Сумма и разность многочленов	Многочлен. Действия с многочленами (сложение, вычитание, умножение).	3	
10	Произведение одночлена и многочлена	Разложение многочлена на множители: вынесение общего множителя за скобки, группировка. Решение квадратных уравнений: разложение на множители. Тождественные преобразования.	6	
11	Произведение многочленов		6	
Контрольные работы № 5 по теме «Действия с одночленами и многочленами» Контрольные работы № 6 по теме «Произведение многочленов»			2	
Глава 5	Формулы сокращенного умножения		22	Выполнять несложные преобразования целых выражений: раскрывать скобки, приводить подобные слагаемые; использовать формулы сокращенного умножения (квадрат
12	Квадрат суммы и квадрат разности	Формулы сокращенного умножения: разность квадратов, квадрат разности. Разложение многочлена на множители: применение формул	5	
13	Разность квадратов, сумма и разность кубов		7	

14	Преобразование целых выражений	<i>сокращённого умножения, Действия с одночленами и многочленами (сложение, вычитание, умножение). Тожественные преобразования. Математика в развитии России: Петр I, школа математических и навигацких наук, развитие российского флота, А.Н.Крылов.</i>	8	суммы, квадрат разности, разность квадратов) для упрощения вычислений значений выражений;; <i>выполнять преобразования целых выражений: действия с одночленами (сложение, вычитание, умножение), действия с многочленами (сложение, вычитание, умножение); выполнять разложение многочленов на множители одним из способов: вынесение за скобку, группировка, использование формул сокращенного умножения.</i>
Контрольные работы № 7 по теме « <i>Формулы сокращенного умножения</i> » Контрольная работа №8 по теме « <i>Преобразование целых выражений</i> »			2	
Глава 6	Системы линейных уравнений		11	Решать системы несложных линейных уравнений; находить значение функции по заданному значению аргумента; находить значение аргумента по заданному значению функции в несложных ситуациях; определять положение точки по её координатам, координаты точки по её положению на координатной плоскости; строить график линейной функции; проверять, является ли данный график графиком заданной функции
15	Линейные уравнения с двумя переменными и их системы	Уравнение с двумя переменными. Линейное уравнение с двумя переменными. Понятие системы уравнений. Решение системы уравнений. Методы решения систем линейных уравнений с двумя переменными: <i>графический метод, метод подстановки, метод сложения.</i>	4	
16	Решение систем линейных уравнений	<i>Системы линейных уравнений с параметром.</i>	6	
Контрольная работа № 9 по теме « <i>Системы линейных уравнений</i> »			1	
Повторение. Решение задач. Итоговая контрольная работа			6	

Итого

102

8 класс

Номер главы/ параграфа	Наименование главы/параграфа	Основное содержание	Количество часов	Характеристика основных видов учебной деятельности
	Повторение		4	
	Уравнение с одной переменной		1	
	Линейная функция		1	
	Формулы сокращённого умножения		1	
	Входная контрольная работа		1	
Глава 1	Рациональные дроби		21	Выполнять несложные преобразования целых выражений: раскрывать скобки, приводить подобные слагаемые; использовать формулы сокращённого умножения (квадрат суммы, квадрат разности, разность квадратов) для упрощения вычислений значений выражений; выполнять несложные преобразования дробно-линейных выражений. находить значение функции по заданному значению аргумента; находить значение аргумента по заданному значению функции в несложных ситуациях;
1	Рациональные дроби и их свойства	<i>Алгебраическая дробь. Допустимые значения переменных в дробно-рациональных выражениях.</i>	5	
2	Сумма и разность дробей	<i>Сокращение алгебраических дробей. Приведение алгебраических дробей к общему знаменателю. Действия с алгебраическими дробями: сложение, вычитание, умножение, деление, возведение в степень. Свойства функции $y = \frac{k}{x}$.</i>	6	
3	Произведение и частное дробей	<i>Гипербола.</i>	8	
Контрольная работа № 1 по теме «Рациональные выражения. Сложение и вычитание дробей». Контрольная работа № 2 по теме «Произведение и частное дробей»			2	

				по графику находить область определения.
Глава 2	Квадратные корни		17	Оперировать на базовом уровне понятиями: арифметический квадратный корень; использовать свойства чисел и правила действий при выполнении вычислений; оценивать значение квадратного корня из положительного целого числа; распознавать рациональные и иррациональные числа; сравнивать числа; выполнять сравнение чисел в реальных ситуациях; выполнять несложные преобразования выражений с квадратными корнями; находить значение функции по заданному значению аргумента; находить значение аргумента по заданному значению функции в несложных ситуациях; определять положение точки по её координатам, координаты точки по её положению на координатной плоскости; по графику находить область определения, множество значений, нули функции, промежутки знакопостоянства.
4	Действительные числа	Множество рациональных чисел. Сравнение рациональных чисел. Действия с рациональными числами. <i>Представление рационального числа десятичной дробью.</i> Понятие	2	
5	Арифметический квадратный корень	иррационального числа. Распознавание иррациональных чисел. Примеры доказательств в алгебре. Иррациональность числа $\sqrt{2}$. Применение в геометрии. <i>Сравнение иррациональных чисел. Множество действительных чисел.</i> Арифметический квадратный корень. <i>Уравнения вида $x^n = a$.</i> <i>Графики функций: $y = \sqrt{x}$.</i> Исследование функции по её графику. Преобразование выражений, содержащих квадратные корни: умножение, деление, вынесение множителя из-под знака корня, <i>внесение множителя под знак корня.</i> <i>Простейшие иррациональные уравнения вида $\sqrt{f(x)} = a$, $\sqrt{f(x)} = \sqrt{g(x)}$.</i> <i>Рациональные</i>	5	
6	Свойства арифметического квадратного корня		2	
7	Применение свойств арифметического квадратного корня		6	
Контрольная работа № 3 по теме «Квадратные корни». Контрольная работа № 4 по теме «Применение свойств квадратных корней»			2	

		<i>числа.</i>		
Глава 3	Квадратные уравнения		21	Оперировать на базовом уровне понятиями: равенство, числовое равенство, уравнение, корень уравнения, решение уравнения; проверять, является ли данное число решением уравнения; решать квадратные уравнения по формуле корней квадратного уравнения; осуществлять способ поиска решения задачи, в котором рассуждение строится от условия к требованию или от требования к условию; составлять план решения задачи; выделять этапы решения задачи.
8	Квадратное уравнение и его корни	Квадратные уравнения. Неполные квадратные уравнения.	10	
9	Дробные рациональные уравнения	Дискриминант квадратного уравнения. <i>Количество корней квадратного уравнения в зависимости от его дискриминанта.</i> Формула корней квадратного уравнения. <i>Теорема Виета. Теорема, обратная теореме Виета.</i> Решение квадратных уравнений: использование формулы для нахождения корней, <i>подбор корней с использованием теоремы Виета.</i> Решение простейших дробно-линейных уравнений. <i>Решение дробно-рациональных уравнений.</i>	9	
Контрольная работа №5 по теме «Квадратные уравнения». Контрольная работа №6 по теме «Дробные рациональные уравнения»			2	
Глава 4	Неравенства		20	Оперировать на базовом уровне понятиями: множество, элемент множества, подмножество, принадлежность; оперировать на
10	Числовые неравенства и их свойства	Числовые неравенства. Свойства числовых неравенств. Проверка справедливости неравенств при	8	

	Неравенства с одной переменной и их системы	заданных значениях переменных. Неравенство с переменной. Строгие и нестрогие неравенства. Область определения неравенства (область допустимых значений переменной). Проверка справедливости неравенств при заданных значениях переменных. Решение линейных неравенств. Системы неравенств с одной переменной. Решение систем неравенств с одной переменной: линейных. Изображение решения системы неравенств на числовой прямой. Запись решения системы неравенств. Отношение принадлежности, включения, равенства. Пересечение и объединение множеств.	10	базовом уровне понятиями: числовое неравенство, неравенство, решение неравенства; задавать множества перечислением их элементов; находить пересечение, объединение, решать линейные неравенства и несложные неравенства, сводящиеся к линейным; проверять справедливость числовых неравенств; проверять, является ли данное число решением неравенства; изображать решения неравенств на числовой прямой; решать системы несложных линейных уравнений, неравенств; изображать решения неравенств и их систем на числовой прямой.
	Контрольная работа №7 по теме «Числовые неравенства и их свойства». Контрольная работа №8 по теме «Неравенства с одной переменной и их системы»		2	
Глава 5	Степень с целым показателем. Элементы статистики		11	Выполнять несложные преобразования для вычисления значений числовых выражений, содержащих степени с целым отрицательным показателем;
12	Степень с целым показателем и ее свойства	Степень с целым показателем. Преобразование дробно-линейных выражений: сложение, умножение, деление. Табличное и	6	
13	Элементы статистики		4	

Контрольная работа № 9 по теме «Степень с целым показателем»	графическое представление данных, столбчатые и круговые диаграммы, графики, применение диаграмм и графиков для описания зависимостей реальных величин, извлечение информации из таблиц, диаграмм и графиков. Меры рассеивания: размах, дисперсия и стандартное отклонение. Случайная изменчивость. Изменчивость при измерениях. Решающие правила. Закономерности в изменчивых величинах.	1	выполнять несложные преобразования дробно-линейных выражений; понимать смысл записи числа в стандартном виде; оперировать на базовом уровне понятием «стандартная запись числа»; иметь представление о статистических характеристиках; представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков; читать информацию, представленную в виде таблицы, диаграммы, графика; определять основные статистические характеристики числовых наборов; оперировать понятиями степени с целым отрицательным показателем.
Повторение. Решение задач. Итоговые контрольные работы (за первое полугодие и за год)		8	
Итого		102	

9 класс

Номер главы/ параграфа	Наименование главы/параграфа	Основное содержание	Количество часов	Характеристика основных видов учебной деятельности
	Повторение		5ч.	
	Входная контрольная работа (№1)			
Глава 1	Квадратичная функция		26	Находить значение функции по заданному значению аргумента;
1	Функции и их	Понятие функции. Свойства	4	

	свойства	функций: область определения, множество значений, нули, промежутки знакопостоянства, чётность/нечётность,		находить значение аргумента по заданному значению функции в несложных ситуациях; по графику находить область определения, множество значений, нули функции, промежутки знакопостоянства, промежутки возрастания и убывания, наибольшее и наименьшее значения.
2	Квадратный трёхчлен	Непрерывность функции.	5	
3	Квадратичная функция и ее график	Свойства и график квадратичной функции (парабола). Построение графика квадратичной функции по точкам. Преобразование графика функции $y = f(x)$ для построения графиков функций вида $y = af^2 + kx + b + c$. График функций $y = a + \frac{k}{x+b}$.	7	
4	Степенная функция. Корень n-й степени	График функций $y = \sqrt[n]{x}$.	7	
Контрольная работа № 2 по теме «Квадратный трёхчлен» Контрольная работа № 3 по теме «Квадратичная функция» Контрольная работа № 4 по теме «Степенная функция»		Использование свойств функций при решении уравнений. Квадратный трёхчлен, разложение квадратного трёхчлена на множители.	3	оперировать понятиями: функциональная зависимость, функция, график функции, способы задания функции, аргумент и значение функции, область определения и множество значений функции, нули функции, промежутки знакопостоянства, монотонность функции, чётность/нечётность функции; строить графики квадратичной функций, исследовать функцию по её графику; строить графики линейной, квадратичной функций,

			<p>обратной пропорциональности, функции вида: $y = a + \frac{k}{x+b}$, $y = \sqrt{x}$, $y = \sqrt[3]{x}$, $y = x$; на примере квадратичной функции, использовать преобразования графика функции $y=f(x)$ для построения графиков функций $y = af kx+b + c$; раскладывать на множители квадратный трёхчлен.</p>
Глава 2	Уравнения и неравенства с одной переменной		13
5	Уравнения с одной переменной	Биквадратные уравнения. Методы решения уравнений: метод замены переменной.	6
6	Неравенства с одной переменной	Уравнения, сводимые к линейным и квадратным. Решение простейших дробно-линейных уравнений. Решение дробно-рациональных уравнений. Квадратное неравенство и его решения и метод интервалов. Запись решения квадратного неравенства. Решение квадратных неравенств. Решение целых и дробно-рациональных неравенств методом интервалов. Решение систем неравенств с одной переменной и квадратных. <i>Уравнения в целых числах.</i>	6
Контрольная работа № 5 за первое полугодие			1
			<p>Оперировать на базовом уровне понятиями: неравенство, решение неравенства; проверять, является ли данное число решением неравенства; изображать решения неравенств на числовой прямой; по графику находить промежутки знакопостоянства; изображать решения неравенств и их систем на числовой прямой; понимать роль математики в развитии России; оперировать понятиями: система неравенств; оперировать понятиями: функциональная зависимость, функция, график функции, промежутки знакопостоянства; выполнять оценку правдоподобия результатов, получаемых при</p>

		<i>История вопроса о нахождении формул корней алгебраических уравнений степеней, больших четырёх. Н. Тарталья, Дж. Кардано, Н.Х. Абель, Э.Галуа.</i>		<i>решении систем линейных неравенств при решении задач других учебных предметов.</i>
Глава 3	Уравнения и неравенства с двумя переменными		19	Определять приближённые значения координат точки пересечения графиков функций; оперировать понятиями: системы уравнений; строить графики квадратичной функций, исследовать функцию по её графику, выделять этапы решения задачи и содержание каждого этапа; уметь выбирать оптимальный метод решения задачи и осознавать выбор метода.
7	Уравнения с двумя переменными и их системы	Уравнение с двумя переменными. Методы решения систем уравнений с двумя переменными: <i>графический метод</i> , метод подстановки, метод сложения.	13	
8	Неравенства с двумя переменными и их системы	Анализ возможных ситуаций взаимного расположения объектов при их движении, соотношения объёмов выполняемых работ при совместной работе. Уравнения с несколькими переменными. Примеры решения нелинейных систем.	5	
Контрольная работа № 6 по теме «Уравнения с двумя переменными»			1	
Глава 4	Арифметическая и геометрическая прогрессии		14	Оперировать на базовом уровне понятиями: последовательность, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия; решать задачи на прогрессии, в которых ответ может быть получен непосредственным подсчётом без применения формул; оперировать понятиями:
9	Арифметическая прогрессия	Понятие последовательности. Числовая последовательность.	7	
10	Геометрическая прогрессия	Примеры числовых последовательностей.	5	
Контрольная работа № 7 по теме «Арифметическая прогрессия» Контрольная работа № 8 по теме «Геометрическая прогрессия»		Бесконечные последовательности. Арифметическая прогрессия и её свойства. Геометрическая прогрессия. <i>Формула общего</i>	2	

		члена и суммы n первых членов арифметической геометрической и прогрессий. Сходящаяся геометрическая прогрессия. Задача Леонардо Пизанского (Фибоначчи) о кроликах, числа Фибоначчи. Задача о шахматной доске. Сходимость геометрической прогрессии.		последовательность, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия; решать задачи на арифметическую и геометрическую прогрессию; характеризовать вклад выдающихся математиков в развитие математики и иных научных областей.
Глава 5	Элементы комбинаторики и теории вероятностей		13	Выбирать подходящий изученный метод для решения изученных типов математических задач; описывать отдельные выдающиеся результаты, полученные в ходе развития математики как науки; знать примеры математических открытий и их авторов, в связи с отечественной и всемирной историей; понимать роль математики в развитии России; характеризовать вклад выдающихся математиков в развитие математики и иных научных областей; понимать роль математики в развитии России; иметь представление о вероятности случайного события; оценивать вероятность события в простейших случаях;
11	Элементы комбинаторики	Случайные опыты (эксперименты), элементарные случайные события (исходы).	8	
12	Начальные сведения из теории вероятностей	Вероятности элементарных событий. Вероятности случайных событий. Опыты с равновероятными элементарными событиями. Классические вероятностные опыты с использованием монет и кубиков. Представление событий с помощью диаграмм Эйлера. Противоположные события, объединение и пересечение событий. Правило сложения вероятностей. Случайный выбор. Представление эксперимента в виде дерева. Независимые события.	4	
Контрольная работа №9 по теме «Элементы комбинаторики»			1	

	<p>Умножение вероятностей независимых событий. Последовательные независимые испытания. Представление о независимых событиях в жизни.</p> <p><i>Правило умножения, перестановки, факториал числа. Сочетания и число сочетаний. Формула числа сочетаний. Треугольник Паскаля. Опыты с большим числом равновозможных элементарных событий. Вычисление вероятностей в опытах с применением комбинаторных формул. Испытания Бернулли. Успех и неудача. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли.</i></p> <p>Знакомство со случайными величинами на примерах конечных дискретных случайных величин. Распределение вероятностей.</p>	<p><i>иметь представление о роли практически достоверных и маловероятных событий; оценивать вероятность реальных событий и явлений в несложных ситуациях; овладеть основными методами решения сюжетных задач: арифметический, алгебраический, перебор вариантов, геометрический, графический, применять их в новых по сравнению с изученными ситуациях; оперировать понятиями: случайный опыт, случайный выбор, испытание, элементарное случайное событие (исход), классическое определение вероятности случайного события, операции над случайными событиями; представлять информацию с помощью кругов Эйлера; решать задачи по комбинаторике и теории вероятностей на основе использования изученных методов и обосновывать решение; характеризовать вклад выдающихся математиков в развитие математики и иных научных областей; понимать роль</i></p>
--	---	--

			<i>математики в развитии России</i>
Повторение. Решение задач. Итоговые контрольные работы (за первое полугодие и за год)		12	
	Итого	102	

Входная контрольная работа по алгебре, 7класс

1. Выполнить действия: $0,5 - 2\frac{7}{8} : (\frac{1}{6} + 1\frac{3}{4})$
2. Решить уравнение: $3x - 4 = 5$
3. Для уроков математики и русского языка купили 231 тетрадь. Из них $\frac{6}{11}$ были в клетку. Сколько тетрадей в линейку купили шестиклассники?
4. Постройте отрезок КМ, где К (-1; 6), М(3; -2). Запишите координаты точек пересечения его с осями координат.
5. Длина прямоугольника равна 20см, ширина 15см. На сколько процентов уменьшится его площадь, если длину уменьшить на 6см.

Ответы

№ задания	1	2	3	4	5
Ответ	-1	3	105	(2;0) (0;4)	20%

Контрольная работа за 1 полугодие

1. Найти значение выражения:
 - а) $50 + a^3$ при $a = -5$
 - б) $10x^2 a^0$ при $x = \frac{1}{3}$; $a = 7$.
2. Выполнить действия : а) $x^{18} \cdot x^3$;
 б) $a^7 : a^4$;
 г) $-3av^2 \cdot 2a^5$
 д) $(x^2 y)^3$.
3. Упростить выражение: а) $0,2x^5 y^8 \cdot (-4x^2 y)^2$
 б) $((2^5)^2 \cdot 8) : 2^{12}$.
4. Построить график функции: $y = 2x - 4$
5. Пересекаются ли графики функций: а) $y = 2x - 5$ и $y = 2x + 1$;
 б) $y = 5x - 6$ и $2x + 6$.

Для пересекающихся графиков найти координаты точки пересечения.

№ задания	1	2	3	4	5	
Ответ	-75	$1\frac{1}{9}$	$x^{21}; a^3$; $-6a^6 v^2; x^6 y^3$	$3,2x^9 y^{10}$; 2		а)нет б)да, (4;14)

Итоговая контрольная работа

1. Найти значение выражения $\frac{1}{4}x^3 + 3y^2$ при $x = -2, y = -1$.
2. Решить систему уравнений :
$$\begin{cases} x + 2y = 11, \\ 5x - 3y = 3. \end{cases}$$
3. Разложить на множители: $3x^2 - 30x + 75$.
4. Построить график функции $y = 3 - 2x$. Принадлежит ли графику этой функции точка $M(8; -19)$.
5. Упростите выражение а) $0,2x^5 y^8 \cdot (-4x^2 y)^2$
б) $((2^5)^2 \cdot 8) : 2^{12}$.

Ответы:

№ задания	1	2	3	4	5
Ответ	1	(3; 4)	$3(x-5)^2$	нет	$3,2x^9 y^{10}$ 2

Входная контрольная работа по алгебре, 8 класс

1. Найти значение выражения $\frac{1}{3}a^2 + 3b^3$ при $a = -3, b = -2$.
2. Решить систему уравнений :
$$\begin{cases} y - 3x = -5, \\ 2y - 5x = 23. \end{cases}$$
3. Разложите на множители: $5x^2 + 20x + 20$;
4. Велосипедист должен был проехать весь путь с определённой скоростью за 2 часа. Но он ехал со скоростью, превышающей намеченную на 3 км/ч, а поэтому на весь путь затратил $1\frac{2}{3}$ ч. Найти длину пути.
5. а). Постройте график функции $y = 2 - 3x$
б). Принадлежит ли графику этой функции точка $M(9; -25)$?

Ответы

№ задания	1	2	3	4	5
Ответ	-21	(33; 94)	$5(x+2)^2$	30	да

Контрольная работа за 1 полугодие

1. Сократить дроби: $\frac{14b^3}{21b}$; $\frac{x^2-9}{3x-9}$.
2. Преобразуйте в дробь выражение: $\frac{a^2+3}{a^3} - \frac{3-a}{3a}$.

3. Построить график функции $y = \frac{6}{x}$. Принадлежит ли графику функции точка А (0; 6).

4. Найти значение выражения: а) $\sqrt{144} + 5\sqrt{0,64}$

б) $(-9\sqrt{3})^2$

в) $\sqrt{0,81 \cdot 625} - \sqrt{2\frac{1}{4}}$

5. Упростить выражение: $\sqrt{2a} - 2\sqrt{18a} + \sqrt{72a}$

Ответы

№ задания	1	2	3	4	5
Ответ	$\frac{2b^2}{3}, \frac{x+}{3}$	$\frac{9 + a^3}{3a^2}$	нет	16; 243; 21,5	$\sqrt{2a}$

Итоговая контрольная работа

1. Решите уравнение: $\frac{2x+x-1}{x-1} = 0$.

2. Решите неравенство: $2(5x + 3) - 1 > 7x - 2$.

3. Упростите выражение: $(4 - \sqrt{2})^2 + 4\sqrt{8}$.

4. Представьте степень в виде произведения: $(0,2a^{-2}b^2)^{-3}$.

5. Две машинистки должны были напечатать по 60 страниц каждая. Вторая машинистка печатала за 1 час на 2 страницы меньше, поэтому закончила работу на 1 час позже. Сколько страниц в час печатала первая машинистка?

Ответы

№ задания	1	2	3	4	5
Ответ	$\frac{-2}{3}, \frac{1}{3}$	$x < \frac{-7}{3}$	18	$125a^6b^{-6}$	12

Входная контрольная работа по алгебре, 9 класс

1. Найти значение выражения: $8,7 - 7\frac{3}{5} : 2\frac{5}{7}$

2. Упростить выражение: $-0,6a - 2(3a - 4) + 2,5(a - 8)$

3. Решить уравнение: $x^2 - x = 2$

4. Вычислить $\frac{2\sqrt{125}}{\quad} + \frac{2\sqrt{5}}{\quad} - \frac{2\sqrt{80}}{\quad}$

5. Сократить дробь: $\frac{2a-8}{a^2-16}$

Ответы

№ задания	1	2	3	4	5
Ответ	5,9	4,1a-12	-1; 2	$4\sqrt{5}$	$\frac{2}{a+4}$

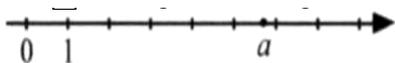
Контрольная работа за 1 полугодие

- Известно, что $f(x) = x^3 - 10$. Найти $f(5)$.
- Решить уравнение: а) $y^3 - 6y = 0$
б) $x^4 - 5x^2 + 6 = 0$
- Решить неравенство: $2x^2 + 13x - 7 > 0$
- Сократить дробь: $\frac{4x+4}{3x^2+2x-1}$

Ответы

№ задания	1	2	3	4
	115	А) 0; 6 Б) $-\sqrt{2}; -\sqrt{3}$ $\sqrt{2}; \sqrt{3}$	$X < -\frac{1}{2}$ $X > 7$	$\frac{4}{x - \frac{1}{3}}$

Итоговая контрольная работа. Алгебра 9



На координатной прямой отмечены числа 0, 1, а.

Какое из утверждений относительно этого числа является верным?

- $a - 3 > 0$
- $7 - a < 0$
- $a - 8 > 0$
- $11 - a < 0$

2. Укажите наибольшее из чисел:

- $\sqrt{54}$
- 7
- $3\sqrt{14}$
- $7\sqrt{5}$

3. Из ружья сделано 70 выстрелов, причем 14 пуль пролетели мимо цели. Определите процент попаданий. Ответ: _____.

4. Решите уравнение $3 + 5x = 8 + 2(x - 7)$.

Ответ: _____.

5. Дана арифметическая прогрессия: 1, 4, 7, ... Найдите сумму первых пяти ее членов.

Ответ: _____.

6. Из формулы площади трапеции $S = \frac{a+b}{2}h$ выразите высоту h .

7. Решите неравенство $x^2 - 16 \leq 0$.

8. Сократите дробь $\frac{14^{n+2}}{2^{n-2} \cdot 7^{n+1}}$.

